

Рассмотрено  
на заседании МО учителей  
естественнонаучного цикла  
протокол № 1  
В.В.Кутнюк  
В.В.Кутнюк  
«30» 08 2024 г.

Согласовано  
Заместитель директора  
по УВР Комарова В.П.  
После  
(подпись)  
«30» 08 2024 г.

Утверждаю  
Директор МОУ СП № 123  
М.В. Полянский  
М.В. Полянский  
(подпись)  
«30» 08 2024 г.



**МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«СРЕДНЯЯ ШКОЛА № 123 ВОРОШИЛОВСКОГО РАЙОНА ВОЛГОГРАДА»**

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
учебного предмета  
«Геометрия» (углубленный уровень)  
для 10A класса  
Ф.И.О. учителя Уланкина Татьяна Павловна**

г.Волгоград

2024 /2025 учебный год

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

# **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

## **10 КЛАСС**

### **Прямые и плоскости в пространстве**

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

### **Многогранники**

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма:  $n$ -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида:  $n$ -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельности учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здравое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

### **7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

### **8) ценности научного познания:**

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;  
оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

| №<br>п/п                                       | Наименование разделов и тем<br>программы                 | Количество часов |                        |                        | Электронные<br>(цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы |
|--|--|------------------|------------------------|------------------------|---|
|  |  | Всего            | Контрольны<br>е работы | Практические<br>работы |   |
| 1  | Введение в стереометрию                                  | 23               | 1                      | 1                      |   |
| 2  | Взаимное расположение прямых в<br>пространстве           | 6                | 1                      |                        |   |
| 3  | Параллельность прямых и плоскостей в<br>пространстве     | 8                |                        |                        |   |
| 4  | Перпендикулярность прямых и<br>плоскостей в пространстве | 25               |                        |                        |   |
| 5  | Углы и расстояния  | 16               | 1                      | 1                      |   |
| 6  | Многогранники  | 7                | 1                      | 1                      |   |
| 7  | Векторы в пространстве                                   | 12               |                        |                        |   |
| 8  | Повторение, обобщение и систематизация<br>знаний         | 5                | 2                      |                        |   |
| <b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br/>ПРОГРАММЕ</b> |  | 102              | 6                      |                        |   |

|    |   |   |  |
|----|---|---|--|
| 6  | Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов   | 1 |  |
| 7  | Аксиомы стереометрии и первые следствия из них  | 1 |  |
| 8  | Аксиомы стереометрии и первые следствия из них  | 1 |  |
| 9  | Аксиомы стереометрии и первые следствия из них.<br>Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей  | 1 |  |
| 10 | Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей.<br>Раскрашивание построенных сечений разными цветами | 1 |  |
| 11 | Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей.<br>Раскрашивание построенных сечений разными цветами | 1 |  |
| 12 | Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей.<br>Раскрашивание построенных сечений разными цветами | 1 |  |
| 13 | Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение   | 1 |  |

)

|    |   |   |   |  |
|----|---|---|---|--|
|    | Расчеты в сечениях на выносных чертежах.<br>История развития планиметрии и стереометрии   |   |   |  |
| 23 | Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"  | 1 | 1 |  |
| 24 | Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрепывающиеся прямые. Признаки скрепывающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве  | 1 | 1 |  |
| 25 | Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью | 1 | 1 |  |
| 26 | Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрепывающихся прямых   | 1 | 1 |  |
| 27 | Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции   | 1 | 1 |  |
| 28 | Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми  | 1 | 1 |  |
| 29 | Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве  | 1 | 1 |  |
| 30 | Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и  | 1 | 1 |  |

)

|    |   |   |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|
| 38 | Повторение: теорема Пифагора на плоскости   | 1 |  |  |  |
| 39 | Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника   | 1 |  |  |  |
| 40 | Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда  | 1 |  |  |  |
| 41 | Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде   | 1 |  |  |  |
| 42 | Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости                                | 1 |  |  |  |
| 43 | Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости                                | 1 |  |  |  |
| 44 | Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости | 1 |  |  |  |
| 45 | Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках   | 1 |  |  |  |
| 46 | Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках   | 1 |  |  |  |
| 47 | Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую   | 1 |  |  |  |
| 48 | Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую   | 1 |  |  |  |
| 49 | Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)  | 1 |  |  |  |

|    |  |   |   |  |
|----|--|---|---|--|
| 62 | Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"  | 1 | 1 |  |
| 63 | Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов              | 1 |   |  |
| 64 | Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве  | 1 |   |  |
| 65 | Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках   | 1 |   |  |
| 66 | Двутранный угол. Свойство линейных углов двутрального угла   | 1 |   |  |
| 67 | Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей   | 1 |   |  |
| 68 | Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости | 1 |   |  |
| 69 | Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда                                  | 1 |   |  |
| 70 | Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё  | 1 |   |  |
| 71 | Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости                          | 1 |   |  |

|    |  |   |   |  |  |
|----|--|---|---|--|--|
| 83 | Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера   | 1 |   |  |  |
| 84 | Правильные многогранники. Теорема Эйлера.<br>Правильные и полуправильные многогранники | 1 |   |  |  |
| 85 | Контрольная работа "Многогранники"   | 1 | 1 |  |  |
| 86 | Понятие вектора на плоскости и в пространстве  | 1 |   |  |  |
| 87 | Сумма векторов   | 1 |   |  |  |
| 88 | Разность векторов  | 1 |   |  |  |
| 89 | Правило параллелепипеда  | 1 |   |  |  |
| 90 | Умножение вектора на число   | 1 |   |  |  |
| 91 | Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости               | 1 |   |  |  |
| 92 | Скалярное произведение   | 1 |   |  |  |
| 93 | Вычисление угла между векторами в пространстве   | 1 |   |  |  |
| 94 | Простейшие задачи с векторами  | 1 |   |  |  |
| 95 | Простейшие задачи с векторами  | 1 |   |  |  |
| 96 | Простейшие задачи с векторами  | 1 |   |  |  |
| 97 | Простейшие задачи с векторами  | 1 |   |  |  |
| 98 | Обобщение и систематизация знаний  | 1 |   |  |  |
| 99 | Обобщение и систематизация знаний  | 1 |   |  |  |

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Учебник. "Геометрия 10-11 классы" базовый и углубленный уровни, Москва Просвещение

2023

*Димаасен*

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Методическое пособие. "Геометрия 10-11 классы" базовый и углубленный уровни, Москва

Просвещение 2023

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

РЭШ